



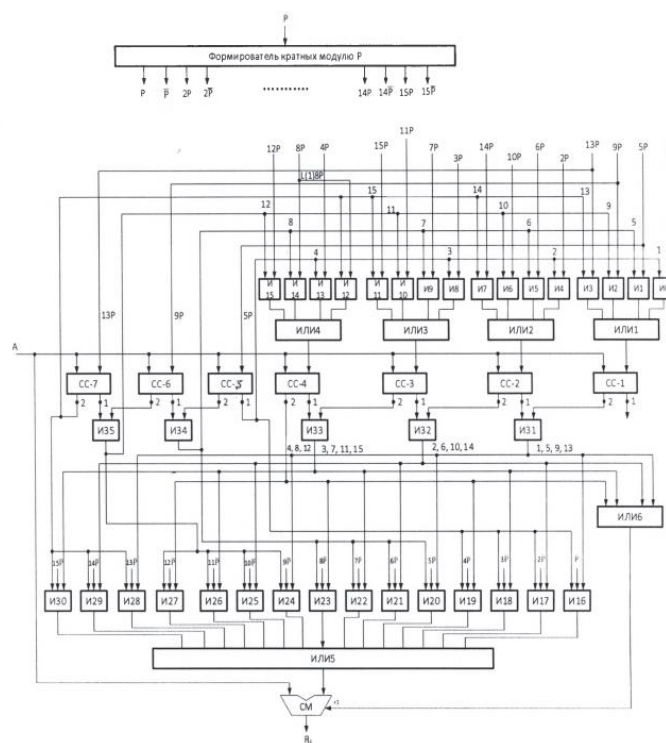
# ОПИСАНИЕ ИЗОБРЕТЕНИЯ К ПАТЕНТУ

- (21) 2022/0378.1
- (22) 15.06.2022
- (45) 21.10.2022, бюл. №42
- (72) Тынымбаев Сахыбай; Мукашева Асель Коптлеувна; Досжанова Алия Амантаевна; Бердибаев Рат Шындалиевич; Бердываева Гульмира Куанышбаевна
- (73) Тынымбаев Сахыбай
- (56) KZ 35492 В, 04.02.2022;  
KZ 35658 В, 13.05.2022;  
RU 2299461 С1, 20.05.2007;  
RU 2445681 С2, 20.03.2012.
- (54) УМНОЖИТЕЛЬ ЧИСЕЛ ПО МОДУЛЮ НА ШЕСТНАДЦАТЬ
- (57) Изобретение относится к вычислительной технике и может быть использовано в устройствах

для формирования элементов конечных полей и в криптографических приложениях.

Расширение функциональных возможностей достигается путем ввода в ее состав формирователя кратких модуль  $P(15P \div P \text{ и } 15\bar{P} \div \bar{P})$ , схем сравнения СС-1÷СС-7, блоков логических схем И,ИЛИ,НЕ, где число  $X$  со сдвигом на четыре разряда в сторону старшего разряда ( $16X$ ) подается на левые входы схем сравнения СС-1÷СС-7 и на левые входы сумматора СМ. Сравнение кода  $15P \div P$  с кодом  $16X$  на схемах СС-1÷СС-7 позволяет выбрать одного из значений кратких  $15\bar{P} \div \bar{P}$  с выходов формирователя кратких и подавать на правые входа сумматора, где выполняется одна из операций  $R_i = A + 15\bar{P} + 1 \div A + \bar{P} + 1$ .

Технический результат заключается в расширении функциональных возможностей и в сокращении вычисления выполнений операций по модулю.



Фигура 1

Изобретение относится к области вычислительной техники и может быть использовано в цифровых вычислительных устройствах, а также в устройствах для выполнения арифметических операций в конечных полях.

Известно устройство для умножения чисел на два по модулю [Патент RU №2015537, опубликован 30.06.94, МПК G06F/49]. Умножитель содержит сумматор и мультиплексор. На первые входы сумматора и мультиплексора подается число  $X$  со сдвигом на один разряд в сторону старших разрядов, т.е.  $2X$ , на вторые входы сумматора подаются разряды модуля в инверсном коде и на младший разряд сумматора подается  $+1$ . Если  $2X > P$ , то в сумматоре за счет перевода инверсного кода в дополнительный происходит вычитание из кода  $2X$  под модуль. При этом на выходе переноса сумматора появляется управляющий сигнал, переключающий вторые информационные входы мультиплексора на его выход и значение остатка с выхода сумматора через вторые входы мультиплексора, поступают на информационные выходы умножителя. Если значение  $2X$  не превышает значения модуля, то с выхода переноса сумматора управляющий сигнал на вход мультиплексора не подается, первые его информационные входы остаются с коммутированными на информационные выходы и значение  $2X$  со входов сумматора через мультиплексор поступает на информационные выходы умножителя.

Недостатком устройства является ограниченная функциональная возможность - заключающаяся в ограниченном диапазоне умножения по модулю на два.

Технической задачей изобретения является выбор одного из кратных модулю к  $\bar{P}$ , из набора значений  $15\bar{P}, 14\bar{P}, \dots, 2\bar{P}, \bar{P}$ .

Технический результат заключается в расширении функциональной возможности и в сокращении времени умножения чисел по модулю.

Технический результат достигается путем включения в состав умножителя схем сравнения, формирователя кратных модулю  $P$ , блоков схем И, ИЛИ и сумматора.

На фигуре 1 приведена функциональная схема умножителя чисел на шестнадцать по модулю  $P$ , которая состоит из блока формирования кратных модулей  $P$  ( $P, \bar{P}$  и  $2P, 2\bar{P}, \dots, 14P, 14\bar{P}$  и  $15P, 15\bar{P}$ ), двоичного сумматора  $СМ$ , семи схем сравнения ( $СС-1 \div СС-7$ ), блоков схем  $И0 \div И30$ , схем  $И31 \div И35$ , блоков схем  $ИЛИ1 \div ИЛИ5$ , схем  $ИЛИ6$ .

Значение числа  $X$  сдвинутое на четыре разряда в сторону старшего определяет число  $A=16X$ .

Значение  $A$  подается на левые входы сумматора и на левые входы схем  $СС-1 \div СС-7$ , где выполняются сравнение с кратными модулями  $P$ . Работа схем сравнения  $СС-1 \div СС-4$  зависит от результата сравнения  $A$  с кодами  $5P, 9P, 13P$  на схемах  $СС-5, СС-6, СС-7$  соответственно. В зависимости от этого результата схемой  $СС-1$  значение  $A$  сравнивается с кодами  $P$  или  $5P$ , или  $9P, 13P$ ; схемой  $СС-2 A$

сравнивается с кодами  $2P$  или  $6P$ , или  $10P$ , или  $14P$ ; схемой  $СС-3 A$  сравнивается с кодами  $3P$  или  $7P$ , или  $11P$ , или  $15P$ ; схемой  $СС-4 A$  сравнивается с кодами  $4P$  или  $8P$ , или  $12P$ , или  $14P$ .

Если в результате сравнения  $5P$  с  $A$  на схеме  $СС-5$  имеет место соотношение  $A < 5P$ , то на выходе  $1 СС-5$  вырабатывается сигнал «1», который коммутирует значения кодов  $P, 2P, 3P, 4P$  блоками схем  $И0, И4, И8$  и  $И13$  на правые входы соответствующих схем сравнения  $СС-1, СС-2, СС-3$  и  $СС-4$ , где они сравниваются со значением  $A$ . Единичный сигнал с выхода  $1 СС-5$  также подается на управления входы блоков схем  $И16, И17, И18, И19$  для разрешения прохождения в дальнейшем на сумматор  $СМ$  кодов  $\bar{P}$  или  $2\bar{P}$ , или  $3\bar{P}$  или  $4\bar{P}$ , которые подаются на информационные входы схем  $И16 \div И19$ , соответственно.

Если в результате сравнения  $9P$  с  $A$  на схеме  $СС-6$  и сравнения  $5P$  с  $A$  на схеме сравнения  $СС-5$  имеет место соотношение  $9P > A > 5P$ , то на выходе  $2$  схема  $СС-5$  и на выходе  $1$  схемы  $СС-6$  вырабатываются сигналы «1», которые подаются на входы схемы  $И34$ . В результате на выходе схемы  $И34$  вырабатывается сигнал «1», который коммутирует значения кодов  $5P, 6P, 7P$  и  $8P$  блоками схем  $И1, И5, И9, И14$  на правые входы соответствующих схем сравнения  $СС-1, СС-2, СС-3, СС-4$ , где они сравниваются с  $A$ . Единичный сигнал с выхода схемы  $И34$  также подается на управляющие входы блоков схем  $И20, И21, И22, И23$  для разрешения прохождения в дальнейшем на сумматор  $СМ$  кодов  $5\bar{P}$  или  $6\bar{P}$ , или  $7\bar{P}$ , или  $8\bar{P}$ , которые подаются на информационные входы схем  $И20 \div И23$ , соответственно.

Если в результате сравнения  $9P$  с  $A$  на схеме  $СС-6$  и  $13P$  с  $A$  на схеме сравнения  $СС-7$  имеет место соотношение  $13P > A > 9P$ , то на выходе  $2 СС-6$  и на выходе  $1$  схемы  $СС-7$  вырабатываются сигналы «1», которые подаются на входы  $И35$ . В результате на выходе схемы  $И35$  вырабатывается сигнал «1», который коммутирует значения кодов  $9P, 10P, 11P$  и  $12P$  блоками схем  $И2, И6, И10$  и  $И15$  на правые входы соответствующих схем сравнения  $СС-1, СС-2, СС-3$  и  $СС-4$ , где они сравниваются с  $A$ . Единичный сигнал с выхода схемы  $И35$  также подается на управляющие входы блоков схем  $И24, И25, И26, И27$  для разрешения прохождения в дальнейшем на сумматор  $СМ$  кодов  $9\bar{P}$  или  $10\bar{P}$ , или  $11\bar{P}$  или  $12\bar{P}$ , которые подаются на информационные входы схем  $И24 \div И27$ , соответственно.

При сравнении  $A$  с  $13P$  на схеме  $СС-7$ , если имеет место соотношение  $A \geq 13P$ , то на ее выходе  $2$  вырабатывается сигнал «1», который коммутирует значения кодов  $13P, 14P, 15P, 16P$  (образуется сдвигом влево на один разряд значения  $8P$ ) блоками  $И3, И7, И11, И12$  через соответствующие блоки схем  $ИЛИ1, ИЛИ2, ИЛИ3, ИЛИ4$  на правые входы соответствующих схем сравнения  $СС-1, СС-2, СС-3$ , и  $СС-4$  где они сравниваются с  $A$ . Единственный сигнал с выхода  $2 СС-1$  также подается на управляющие входы блоков схем  $И28 \div И30$ ,

При сравнений А с Р на схеме СС-1, если  $A < P$  ни одна из схем И16-И35 не работает. Значение А поданное на левы вход сумматора формируется  $R=A$ .

При сравнений Р с А на схеме СС-1 и кода 2Р с А; на схеме СС-2, значение кода  $2P > A > P$ , то на выходе схемы И31, формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блока схем И17, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операция  $R=F+2\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 3Р с А на схеме СС-3, и кода 4Р с А на схеме СС-4 если выполняются условия  $4P > A > 3P$ , то на выходе схемы И33 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ и на трети вход блок схем И18, что приводит к на сумм формирует сигнал «1», операции  $R_i=A+3\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 4Р с А на схеме СС-4, если выполняются условие  $A > P$ , то на его 2 выходе вырабатывается единичный сигнал, которые подается на вход схемы ИЛИ6 и на третий вход блока схемы И19, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $F+R=4\bar{P}+1$ .

При сравнении кода 5Р с А на схеме СС-1 и кода 6Р с А на схеме СС-2 если выполняется условия  $6P > A > 5P$ , то на выходе схемы И 31 формируется сигнал «1», который », который подается на входе схем ИЛИ6 и на трети вход блок схем И20, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операция  $R=A+5\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 6Р с А на схеме СС-2, и кода 7Р с А на схеме СС-3, если выполняются условия  $7P > A > 6P$ , то на выходе схемы И32 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И21, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+6\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 7Р с А на схеме СС-4, и кода 8Р с А на схеме СС-4, если выполняются условия  $8P > A > 7P$ , то на выходе схемы И33 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И22, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+7\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 8Р с А на схеме СС-4, если  $A > 8P$ , то на выходе 2 СС-4, формируется единичный сигнал, который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блока схем И23, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операция  $R=A+8\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 9Р с А на схеме СС-2, и кода 10Р с А на схеме СС-3, если выполняются условия  $10P > A > 9P$ , то на выходе схемы И31 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И24, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+9\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 10Р с А на схеме СС-2, и кода 11Р с А на схеме СС-3, если выполняются условия  $12P > A > 11P$ , то на выходе схемы И32 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И25, что приводит к

выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+10\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 11Р с А на схеме СС-3, и кода 12Р с А на схеме СС-4, если выполняются условия  $12P > A > 11P$ , то на выходе схемы И33 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И26, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+11\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 12Р с А на схеме СС-4, если  $A > 12P$ , то на выходе 2 СС-4, формируется единичный сигнал, который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блока схем И27, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операция  $R=A+12\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 14Р с А на схеме СС-3, и кода 15Р с А на схеме СС-3, если выполняются условия  $15P > A > 14P$ , то на выходе схемы И32 формируется сигнал «1», который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И29, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+14\bar{P}+1$ .

При сравнений кода 15Р с А на схеме СС-3, и кода 16Р с А на схеме СС-4, если выполняются условия  $16P > A > 15P$ , то на выходе схемы И33 формируется единичный сигнал, который подается на входе схем ИЛИ6 и на третий вход блок схем И30, что приводит к выполнению на сумматоре СМ операции  $R=A+15\bar{P}+1$ .

Рассмотрим пример, пусть  $X=136_{10}$  и  $P=187_{10}$ ;  $2P=374_{10}$ ,  $3P=561_{10}$ ;  $4P=748_{10}$ ,  $5P=935_{10}$ ,  $6P=1122_{10}$ ,  $7P=1309_{10}$ ,  $8P=1496_{10}$ ,  $9P=1683_{10}$ ,  $10P=1870_{10}$ .  $11P=2057_{10}$ ,  $12P=2244_{10}$ ,  $13P=2431_{10}$ ,  $14P=2618_{10}$ ,  $15P=2805_{10}$ .

$A=L(4)X=16*136=2176_{10}$ . Поскольку  $2057_{10} < 2176_{10} < 2057$  или  $11P < 2176 < 12P$   $R=2176_{10}-2057_{10}=119_{10}$

Проверка:

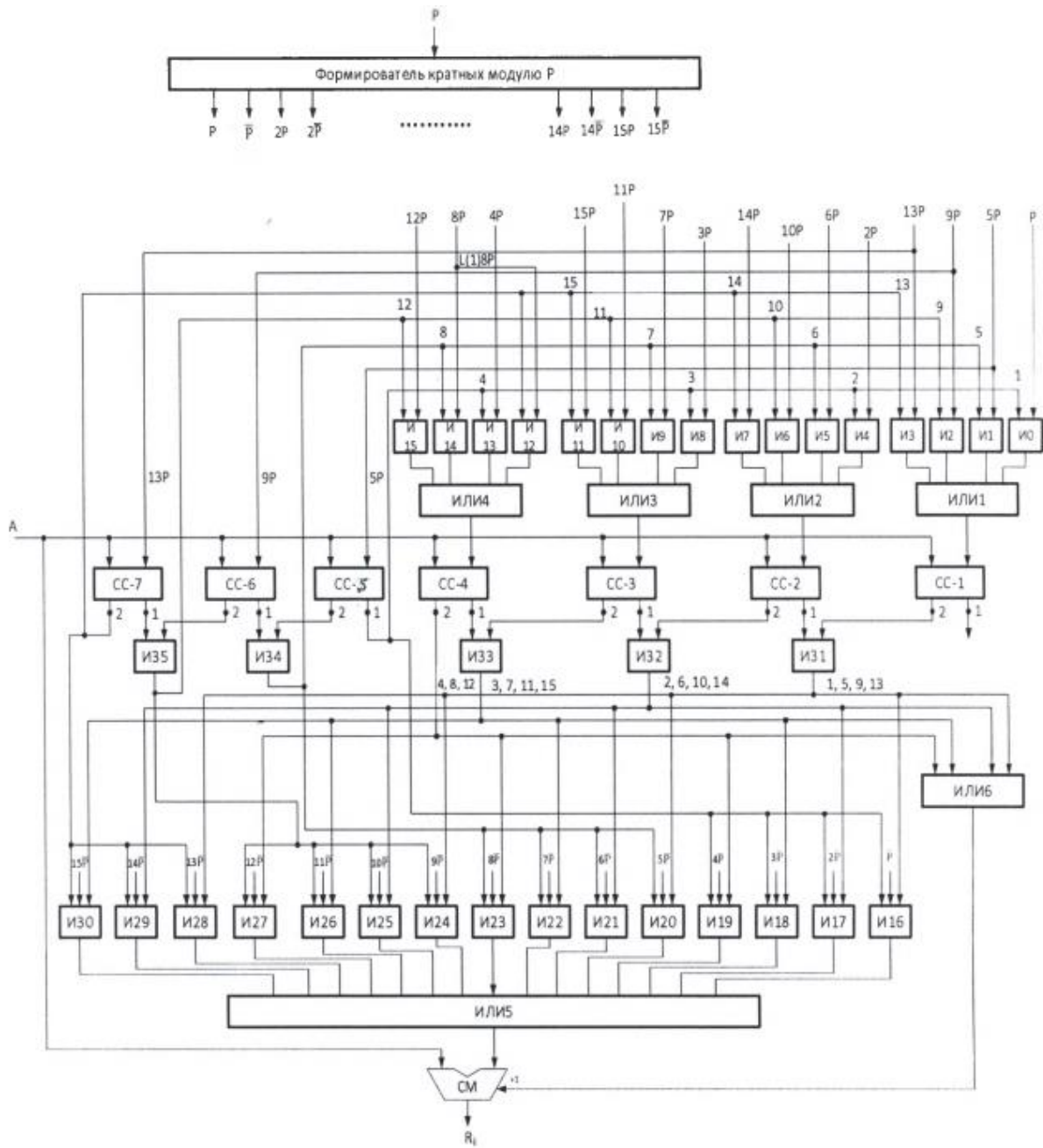
$$\begin{array}{r} 2176 \ 187 \\ - 2057 \ 11 \\ \hline \end{array}$$

119

$$R=2176 \bmod 187=119_{10}.$$

### ФОРМУЛА ИЗОБРЕТЕНИЯ

Умножитель чисел на шестнадцать по модули, содержащий сумматор, мультиплексор, отличающийся тем, что введены формирователь кратных по модулю, где формируются значения  $15P, 14P, \dots, P$  и  $15\bar{P}, 14\bar{P}, \dots, 2\bar{P}$  и  $\bar{P}$ , схемы сравнение СС-1 ÷ СС-7, блоки логических схем И, ИЛИ, НЕ; число X со сдвигом на четыре разряда в сторону страшого разряда ( $A=16X$ ) подается на левые входы схем сравнение СС-7 ÷ СС-1 и левые входы сумматора СМ; значения обратных кодов  $15\bar{P} \div \bar{P}$  с выходов формирователя кратных модули Р через логических схем подаются на правые входы схем сравнение СС-1 ÷ СС-7, где они сравниваются с  $A=16X$  и в результате значение одного обратного кода из  $15\bar{P} \div \bar{P}$  подаются на правые входы сумматора СМ.



Фигура 1

Верстка Д. Женьсова  
 Корректор Г. Косанова